

## Электронные цифровые криптографические пороговые подписи



Курочкин А.В.   
[kurochkin.av@phystech.edu](mailto:kurochkin.av@phystech.edu)

Тема доклада 

Рассказать про пороговые подписи, их недостатки, преимущества и получить обратную связь о целесообразности их внедрения в банковскую сферу.

## Что такое пороговая подпись формально?

Протокол пороговой подписи (пороговая подпись) — протокол цифровой подписи, в котором подписывающий заменяется любой правомочной коалицией участников таким образом, что корректная подпись может быть сформирована только при участии всех членов коалиции.

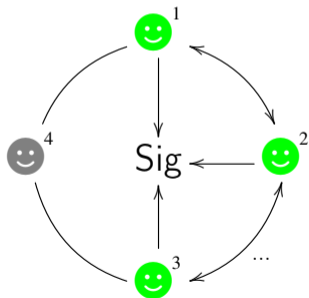
## Что такое цифровая подпись?

Для того, чтобы перейти к классической криптографической подписи нажмите:

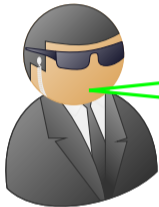
▶ [Открыть воспоминания](#)

## Что такое пороговая подпись «простым» языком?

Пусть есть  $n \in \mathbb{N}$  участников протокола, и параметр  $t \in \overline{1, n}$  который называется **порогом**. Тогда пороговой  $(n, t)$  подписью называется такая подпись которую может сформировать любая группа участников протокола, состоящая из  $t$  или более участников.



Пороговая  $(3, 4)$  подпись



*Общая модель пороговой подписи:*

- проверяемое разделение секрета*
- выявление нарушителей*
- формирование подписи*

Более подробно:

Общая математическая модель пороговой подписи:

<i>Проверяемое разделение секрета</i>	<i>Схема разделения секрета Шамира</i>
	<i>Проверяемое разделение секрета Фелдмана</i>
	<i>Генерация ключа Педерсена</i>
<i>Выявление нарушителей</i>	<i>Проверяемое разделение секрета Фелдмана</i>
	<i>Доказательства с нулевым разглашением</i>
<i>Формирование подписи</i>	<i>Проверяемые случайные функции</i>
	<i>Адаптированные криптографические подписи</i>

## Области применения пороговых подписей

- аутентификация финансовых транзакций в криптовалютах;

- обеспечение безопасности информации, хранимой в системах данных;

- подписание сетевого консенсуса;

- подписание смарт-контрактов в блокчейн структурах, например в Ethereum;

## Подробнее о применении пороговых подписей

Предположим, что некоторым электронным кошельком владеют 5 человек и, что для любого перевода с этого кошелька нужны как минимум подписи 3-х владельцев.

Каждая подпись это отдельная транзакция и для того, чтобы верифицировать подписи, и как следствие совершить необходимое действие с переводом денег с кошелька, необходимо оплатить добавление трёх транзакций в блокчейн.

Вместо вычисления 3-х подписей владельцы кошелька могут вычислить одну пороговую подпись, это одна транзакция, добавление которой в блокчейн требует меньшего количества затрат.



Великий Гэтсби: «...вспомни, что не все люди на свете обладают теми преимуществами, которыми обладал ты.»

## Преимущества пороговых подписей

Экономически выгодное применения в некоторых блокчейн-задачах;

Анонимность с точностью до группы подписантов;

Для подписи необязательно присутствие всех подписантов.

## Недостатки пороговых подписей

В общем случае пороговые подписи «тяжелы» в реализации;

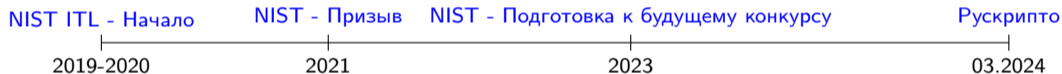
В общем случае не эффективны;

В общем случае сложные конструкции.



О дивный новый мир: «Как бы интересно стало жить на свете, если бы можно было отбросить заботу о .... криптографии»

Ситуация за рубежом в области пороговых механизмов.

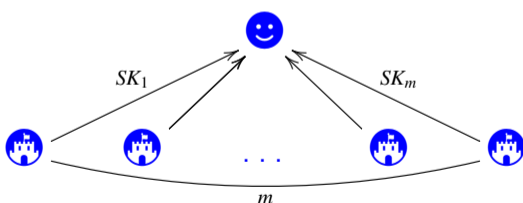


- ▶ документ «Threshold Schemes for Cryptographic Primitives Challenges and Opportunities in Standardization and Validation of Threshold Cryptography»;
- ▶ документ «Call 2021a for Feedback on Criteria for Threshold Schemes»;
- ▶ документ «NIST First Call for Multi-Party Threshold Schemes 13».

## Идея для дальнейшего применения 💡:

Формирование сертификатов несколькими организациями.

Для формирования публичного ключа и сертификата физическое лицо может обратиться в несколько организаций



## Заключение

Предлагается обсудить актуальность развития пороговых подписей с целью дальнейшего внедрения в банковскую сферу.

В случае положительного ответа на предыдущий вопрос, предлагается выяснить степень развития и внедрения.



*Вопросы?*